



MATEMATIKA

Ekonomi

Ken Sudarti

UNISSULA Press
Semarang

KATA PENGANTAR

Matematika merupakan alat untuk menyederhanakan penyajian dan pemahaman masalah. Dengan menggunakan bahasa matematik, suatu masalah menjadi lebih sederhana untuk disajikan, dipahami dan dianalisis.

Ilmu ekonomi adalah suatu ilmu yang mempelajari gejala-gejala dalam masyarakat seperti kenaikan harga, penurunan jumlah barang yang diminta dan lain – lain. Selanjutnya gejala-gejala tersebut akan dianalisa agar di dapatkan solusinya. Untuk menganalisis, ahli ekonomi sering menggunakan analisis kualitatif dan kuantitatif. Analisa yang bersifat kuantitatif dipergunakan alat Bantu matematika.

Buku Matematika Ekonomi edisi revisi ini berisi uraian mengenai penerapan konsep-konsep matematika dalam bidang ekonomi. Materi disusun berdasarkan silabus yang telah ditetapkan oleh Fakultas Ekonomi Universitas Islam Sultan Agung Semarang dan dilengkapi dengan soal-soal pada tiap-tiap bab-nya. Penambahan soal-soal ini merupakan masukan dari para mahasiswa. Saran ini muncul karena kesadaran mereka tentang arti pentingnay latihan yang lebih intensif guna mendalami konsep-konsep yang telah dijelaskan sebelumnya. Selain itu, pada dua bab terakhir ditambahkan tentang bunga sederhana dan bunga majemuk

Buku ini terdiri dari 11 bab. Bab Pertama menguraikan tentang fungsi. Bab Kedua menguraikan tentang fungsi linear termasuk didalamnya menguraikan tentang gradient, menentukan persamaan garis, hubungan dua garis lurus dan pencarian akar-akar persamaan linear. Bab Ketiga menguraikan tentang penerapan fungsi linear mencakup fungsi permintaan, fungsi penawaran, keseimbangan pasar, pengaruh pajak dan subsidi terhadap keseimbangan pasar, fungsi biaya dan penerimaan, break event point dan fungsi konsumsi dan tabungan.. Bab Keempat menguraikan fungsi non linear. Bab Kelima menguraikan penerapan fungsi linear seperti halnya pada penerapan fungsi linear. Bab Keenam menguraikan tentang kalkulus differensial termasuk didalamnya menguraikan tentang kaidah-kaidah deferensial, derivative berderajat tinggi dan optimasi. Bab Ketujuh menguraikan tentang penerapan kalkulus diferensial untuk

MATEMATIKA EKONOMI

fungsi dengan satu variable babas, termasuk didalamnya menguraikan tentang fungsi total, rata-rata dan marginal, penerimaan total, rata-rata dan marginal serta nilai maximum. Bab kedelapan menguraikan tentang diferensiak fungsi majemuk, termasuk di dalamnya menguraikan tentang nilai maximum dan minimum serta optimisasi bersyarat. Bab kesembilan menguraikan tentang penerapan diferensial fungsi majemuk. Bab kesepuluh membahas tentang perhitungan bunga sederhana dan bunga kesebelas atau terakhir membahas tentang perhitungan bunga majemuk.

Banyak pihak yang telah ikut membantu tersusunnya buku matematika ini melalui revisi ini. Untuk itu penulis mengucapkan terima kasih kepada rekan-rekan dosen pada fakultas Ekonomi Universitas Islam Sultan Agung Semarang. Begitu pula mahasiswa yang telah mengemukakan pertanyaan serta koreksi ketika materi buku disampaikan masih dalam bentuk konsep, dalam forum kuliah. Akhirnya semoga kebenaran hanya milik Allah dan penulis menyadari bahwa buku ini masih jauh dari sempurna. Untuk itu penulis menginginkan kritik dan saran demi sempurnanya buku ini.

X
Semarang, Juni 2018

Ken Sudarmo

DAFTAR ISI

KATA PENGANTAR	iii
DAFTAR ISI.....	v
BAB 1 FUNGSI	1
1.1. PENDAHULUAN	1
1.2. UNSUR – UNSUR PEMBENTUK FUNGSI	3
1.3. SISTEM KOORDINAT CARTESIUS	4
1.4. JENIS – JENIS FUNGSI.....	5
 BAB 2 FUNGSI LINEAR	 9
2.1. PENDAHULUAN	9
2.2. GRADIENT	10
2.3. MENCARI PERSAMAAN GARIS	12
2.3.1. METODE DUA TITIK	12
2.3.2. METODE SATU TITIK DARI SATU GRADIENT	13
2.3.3. METODE DWI – PENGGAL.....	13
2.4. HUBUNGAN DUA GARIS LURUS-LURUS	14
2.5. PENCARIAN AKAR – AKAR PERSAMAAN LINEAR	18
2.6. SOAL-SOAL.....	19
 BAB 3 PENERAPAN FUNGSI LINEAR	 27
3.1. PENDAHULUAN	27
3.2. FUNGSI PERMINTAAN.....	27
3.3. FUNGSI PENAWARAN	31
3.4. KESEIMBANGAN PASAR	33
3.4.1. KESEIMBANGAN PASAR UNTUK SATU MACAM PRODUK.....	33
3.4.2. KESEIMBANGAN PASAR UNTUK DUA MACAM PRODUK.....	37
3.5. PENGARUH PAJAK TERHADAP KESEIMBANGAN PASAR.....	39

MATEMATIKA EKONOMI

3.6. PENGARUH SUBSIDI TERHADAP KESEIMBANGAN PASAR...	48
3.7. FUNGSI BIAYA DAN FUNGSI PENERIMAAN.....	53
3.8. BREAK EVENT POINT.....	56
SOAL-SOAL.....	61
 BAB 4 FUNGSI NON LINEAR	 73
4.1. PENDAHULUAN.....	73
4.2. FUNGSI KUADRAT	73
4.3. FUNGSI PANGKAT TIGA	78
 BAB 5 PENERAPAN FUNGSI LINEAR	 81
5.1. PENDAHULUAN.....	81
5.2. FUNGSI PERMINTAAN	81
5.3. FUNGSI PENAWARAN.....	83
5.4. KESEIMBANGAN PASAR.....	84
5.5. FUNGSI BIAYA	85
5.6. FUNGSI PENERIMAAN	89
5.7. SOAL-SOAL.....	91
 BAB 6 KALKULUS DIFERENSIAL.....	 93
6.1. PENDAHULUAN.....	93
6.2. LIMIT	93
6.3. DIFERENSIAL	98
6.4. KAIDAH – KAIDAH DIFERENSIAL	100
6.5. HAKEKAT DERIVATIF DAN DIFERENSIAL	104
6.6. DERIVATIF BERDERAJAT TINGGI	107
6.7. OPTIMASI : FUNGSI DENGAN SATU VARIABEL BEBAS	107
SOAL-SOAL.....	113
 BAB 7 PENERAPAN KALKULUS DIFERENSIAL : FUNGSI DENGAN SATU VARIABEL BEBAS	 117
7.1. PENDAHULUAN.....	117

MATEMATIKA EKONOMI	
7.2. BIAYA TOTAL, RATA – RATA DAN MARGINAL.....	117
7.3. PENERIMAAN TOTAL, RATA-RATA DAN MARGINAL.....	120
7.4. LABA MAXIMUM.....	123
SOAL-SOAL.....	130
 BAB 8 DIFERENSIAL FUNGSI MAJEMUK	 137
8.1. PENDAHULUAN	137
8.2. DIFERENSIAL PARASIAL	137
8.3. DERIVATIF DARI DERIVATIF PARASIAL.....	138
8.4. NILAI EKSTRIM : MAKSUMUM DAN MINIMUM.....	139
8.5. OPTIMISASI BERSYARAT	140
SOAL-SOAL.....	143
 BAB 9 PENERAPAN DIFERENSIAL FUNGSI MAJEMUK.....	 147
9.1. PENDAHULUAN	147
9.2. OPTIMISASI LABA PERUSAHAAN DENGAN DUA MACAM PRODUK.....	147
9.2.1. OPTIMISASI LABA PERUSAHAAN DENGAN DUA MACAM PRODUK DENGAN KENDALA JUMLAH PRODUKSI	147
9.2.2. OPTIMISASI LABA PERUSAHAAN DENGAN DUA MACAM PRODUK DENGAN BIAYA PRODUKSI GABUNGAN	154
SOAL-SOAL.....	156
BAB 10 BUNGA SEDERHANA DAN BUNGA MAJEMUK.....	159
SOAL-SOAL.....	173
BAB 11 ANUITAS	175
SOAL-SOAL.....	183